

**«АҚТӨБЕ ҚАЛАСЫНЫҢ БІЛІМ БӨЛІМЬ» ММ  
«ӘДІСТЕМЕЛІК КАБИНЕТ» КММ  
«ХИУАЗ ДОСПАНОВА АТЫНДАҒЫ № 14 ОРТА МЕКТЕП» КММ**



**«Комбинаторика және ықтимал теориясы»  
элективті курс бағдарламасы  
10-11 класқа арналған**

**Ақтөбе 2023 жыл**

"Хиуаз Доспанова атындағы №14 орта мектеп" КММ-нің математика пәні мұталаімдері К.К.Кубенова, М.Н.Ещенова құрастырылған 10-11 класка арналған «Комбинаторика және ықтималдықтар теориясы» элективті курсының бағдарламасына

### Пікір

10-11 кластқа арналған элективті курс бағдарламасы мектептегі математика курсының бағдарламасына қосымша ретінде әдістемелік нұсқау хат негізінде және дидактикалық материалдары мен терендөтілген кластардың оқулыктарын, Ұ.Б.Жанаабаевың " Комбинаторика және ықтималдықтар" еңбегіне сүйене отырып, " Комбинаторика және ықтималдықтар теориясы " элективті курс бағдарламасы құрастырылған.

Бағдарламада қарастырылатын тақырыптар мен есептер, окушылардың пәнді терең түсіну қабілетін дамытуға, алған білімін кластан тыс жерде, кез келген жағдайда тиімді пайдалана білуін қамтамасыз етуге, яғни окушылардың мектепте алған білімдерін өмірде тиімді қолдануына үйретуге бағытталады. Шығармашылық сипаттағы тапсырмалар окушылардың танымдық қабілеттерін, көзқарастарын дамытуға, білімдерін терендөтуге мүмкіндік береді. Аталған курс бағдарламасы математикалық сауаттылыққа кіріспе, логикалық есептер, өмір жағдаяттарындағы есептер, , мәселе есептер, сәйкестендіру және салыстыруларға, комбинаторика есептері және ықтималдыққа, диаграмма, график және кестелер тақырыптары бойынша бөлімдерге бөлінген. Бұл окушылардың танымдық белсенділігін қанағаттандыруға мүмкіндік береді және мектеп бағдарламасында көрсетілген маңызды математикалық білім мен дағдыларын жетілдіруге және дамытуға әсер етеді.

Сонымен қатар курс мазмұны әрбір оқушыға математикадан мүмкіндіктерін бағалауға және болашақтағы оқу бейінін дұрыс сезініп таңдауға, сын тұрғысынан ойлауын және функционалдық сауаттылығын нығайтауға көмектеседі

Бұл курс 10 класта 34 сағат, 11 сыныпта 34 сағат, барлығы 68 сағат, аптасына 1 рет жүргізіледі.

### Пікір беруші:

Қ.Жұбанов атындағы Ақтөбе өнірлік Университетінің кауымдастырылған профессоры, физика-математика ғылымдарының кандидаты



## Түсінік хат

Бұл бағдарлама жаратылыстану математика бағытындағы математикадан базалық білімі бар жалпы білім беретін мектептердің 10-11- сынып окушыларына арналған және 68 сағатқа есептелінген.

Бағдарлама:

- КР «Білім туралы» Заңына;
- «Қазақстан Республикасы жалпы орта білім берудің мемлекеттік стандартынын» негізіне;
- математикадан 5-10 сыныштарға арналған мемлекеттік бағдарламага сүйене отырып күрастырылды.

Бүтінгі күн талабына сай жан-жақты дамыған, белсенді, өмірге талпынысы, қызығушылығы бар адамды мектеп табалдырығынан дайындал шығарудың ең бір тиімді тәсілі ол – оқытудағы математикалық сауаттылық.

Математикалық сауаттылық – математиканың әлемдегі ролін анықтау және түсіну, әр түрлі формада берілген сандық ақпараттарды оку, талдау, түсіндіріп беру, дұрыс негізделген математикалық пайымдаулар айтуда, есептерді шығарудың тиімді тәсілдерін табу, орындауда, езін-өзі тексеру, өмірмен байланыстыру, математикалық білімді өмірлік жағдайларда кездесетін түрлі мәселелерді шешуде еркін қолдану болып табылады.

Сабағындағы негізгі сауаттылыққа мыналар жатады:

1. Математика – ғылым болмысынан балама үғымдар. Сондықтан да математика барлық ғылымдардың логикалық негізі – күре тамыры ретінде қарастырылады.
2. Математика ең алдымен окушылардың дұрыс ойлау мәдениетін қалыптастырады, дамытады және оны шындағы түседі.
3. «Математикалық сауаттылық» ауызша, жазбаша қабілеттерін қалыптастыру арқылы окушының «математикалық сауаттылықты» менгере білу қабілетін шындаиды.
4. Математика әлемде болып жатқан түрлі құбылысты, жаңалықты дұрыс қабылдап, түсінуге көмектеседі.
5. Математиканың болашақ тұлғаны моральдық, эстетикалық және этикалық түрғыдан қалыптастыруда да тәрбиелік мәні бар.

Математикалық сауаттылықты қалыптастыру үшін:

- теорияны білу, оны логикамен ұштастыру;
- есепті шығаруда тиімді жағын көруге баулу;

Бұл бағдарлама Комбинаторика және ықтималдықтар теориясын камтиды.

Біздің заманымыз ғылым мен техниканың ғарыштап дамыған кезеңі, біз ұстаздар сол заманмен бірдей қадам басуға міндеттіміз, себебі біз адам тағдырына, бала тағдырына жауаптымыз. Сондықтан окушылардың функционалдық математикалық сауаттылығын арттыру үшін мынадай жұмыстар жүргізуіміз керек.

Қазіргі кезде мектеп математикасының жалпы курсында статистикалық, комбинаторикалық және ықтималдық элементтері енгізілген. Бірақ окушыларды қарапайым есептерді шығаруға ғана үйретіп қоймай, ықтималдық-статистикалық ойлау элементтерін қалыптастыру қажет.

Статистикалық ойлау өзара байланыскан мынандай компоненттерден тұрады:  
статистикалық мәдениет, комбинаторикалық ойлау, ықтималдық интуициясының дамуы.

Статистикалық мәдениетке, құбылыстың сипаты жайлы дұрыс қорытынды алу мақсатында статистикалық ақпарат алу мақсатында статистикалық ақпараттарды қабылдау, оку, талдау жасау және оларды әртүрлі формада (таблица, диаграмма, үлестіру кисығы) көрсету жолдары жатады.

Комбинаторикалық ойлау қарастырылып отырған құбылыстың барлық нәтижелерін анықтай білу, толық нәтиже көністігінен қандай да бір белгі бойынша тандау жасаудан тұрады.

Ілкималдық интуицияга мүмкіндікті бағалай білу, болжам және ұсыныс жасай білу, жағдайды болжай білу, құбылысты талдауға статистикалық әдісті қолдана білу жолдары жатады.

Сабакта практикалық мазмұнды есептерді, әртүрлі форматтағы тест тапсырмаларын, стандартты емес жағдайларда білімді қолдануға арналған қызықты есептер шығарту;

Математика пәні сабактарында, тандау курстарында алған білімдерін өмірмен ұштастыруға, оны практикада қолдануға, логикалық есептер шығаруға үйрету.

Математикалық құзыреттілік – нәтижелерді түсіндіру, талдау және түрлендіру, математикалық модель құрастыру, катынастарды анықтау, шынайы өмірде пайда болған мәселелерді шешу үшін математиканы дәлме-дәл қолдану қабілеттілігі. Осындай бағыттарға есептерді сабак барысында колдану арқылы ғана біз – алған математикалық білімдерін тиімді пайдалана алатын, өмірдегі кез келген жағдаяттарда дұрыс шешім қабылдайтын, өзінің математикалық сауатты екенін дәлелдей алатын функционалдық сауатты тұлға тәрбиелеп шығамыз.

Сонымен қатар курс мазмұны әрбір окушыға оку-тәнымдық үдеріске белсенді түрде енуге, сын тұргысынан ойлауға және функционалдық сауаттылықтарын нығайтып, өзін-өзі жоғары деңгейде көрсетуге мүмкіндік береді. ҰБТ-те математикалық сауаттылық пәні бойынша келетін тапсырмаларды жылдам шешуге көмектеседі.

#### **Курстың мақсаты:**

Окушылардың ықтималдық-статистикалық ойлау қабілеттерін қалыптастыру;  
Тәнімдық-шығармашылық қабілеттерін арттыру

#### **Курстың міндеттері:**

- Окушыларға «Комбинаторика, ықтималдықтар теориясы және математикалық статистика курсының негізгі ұғымдарын игеруге көмектесу;
- Комбинаторикалық талдаудың, ықтималдықтар теориясының негізгі есептерін шыгару;
- Окушыларға математикалық статистиканың негізін үрету

#### **Курсты оқу нәтижесінде окушылар:**

- Комбинаторикалық ережелер мен формулаларды қолдана білу;
- Күрделі емес комбинаторикалық есептерді шығаруда талдау жүргізе білу;
- «Бұтақтың» тармақтарын күра білу;
- Қаралайым жағдайда ықтималдықты есептей білу;
- Қаралайым статистикалық ақпаратты тіркеу және оны кестеге енгізу, сонымен қатар олардың сандық сипаттамаларын есептей білуі керек.

#### **Күтілетін нәтижелер:**

- Өз бетінше есеп шығарудың сан құлы жолын табады;
- Өз бетінше білім алу дағдыларына негіз салады;
- Табиги қасиеттерін, математикалық білім деңгейлерін терендетеңді;
- Өмір мен қоғамға аса қажетті мәселелерді математикағының тән жан-жақты талдайды;
- Қажеттілігіне қарай аныктамалық материалдарды және қаралайым есептеуіш құралдарды пайдаланып, формулалар бойынша тәжірибелік есептеулер жүргізу;
- диаграмма, графиктер, статистикалық сипаттағы ақпараттарды, сандық мәліметтерді танып білу, талдау;

#### **Курстың өзектілігі:**

Окушылардың функционалдық математикалық сауаттылығын қалыптастыра отырып, берілген тапсырмаларды өз бетімен шығара алатын қабілеттерін қалыптастыру.

## **Бағдарламаның мазмұны**

### **10 класс**

#### **I бөлім – «Қатынаспен берілген есептер» 11 сағат**

- Транзитивті катынастармен есептер
- Корректілі емес шарттармен берілген есептер
- Тендік катынасымен берілген есептер
- Транзитивті емес катынаспен берілген есептер
- Бірнеше катынастармен берілген есептер
- Қатынастағы элементтерді салыстыруға есептер
- Схемалар және кесиелер көмегімен шешілетін есептер
- Графтар көмегімен шығарылатын есептер
- Мүмкін нұскаларды іріктеуге есептер
- Әртүрлі логикалық есептер

#### **II бөлім «Комбинаториканың пегізгі үғымдары» 6 сағат**

- Комбинаторика пәні. Қайталанатын және қайталанбайтын тәндаулар.
- Комбинаториканың күрайтын типтер.
- «Бұтактар» әдісі.
- «Бұтактар» көмегімен вариантарды есептеу
- Қысқа жолды табу

#### **III бөлім «Комбинаторика ережелері» 5 сағат**

- Комбинаторика ережелері және оларды вариантарды есептеуде тікелей қолдану
- Факториал
- Факториалы бар тендеулер

#### **IV бөлім «Орналастыру мен алмастырулар» 4 сағат**

- Қайталанбайтын орналастырулар
- Қайталанбалы орналастырулар
- Қайталанбайтын алмастырулар
- Қайталанбалы алмастырулар

#### **V бөлім «Терулер» 8 сағат**

- Қайталанбайтын терулер. Ньютон биномы.
- Статистикалық бақылау
- Қайталанбалы теру
- Арадас есептер
- Бақылау жұмысы
- Қорытынды сабак

**Бағдарламаның мазмұны**  
**10 класс**

№	Тақырыптары	Сағат саны	мерзімі
<b>I.</b>	<b>Қатынаспен берілген есептер</b>	<b>11 сағ</b>	
1	Транзитивті қатынастармен есептер	1	
2	Корректілі емес шарттармен берілген есептер	1	
3	Тәндік қатынасымен берілген есептер	1	
4	Транзитивті емес қатынаспен берілген есептер	1	
5	Бірнеше қатынастармен берілген есептер	1	
6	Қатынастагы элементтерді салыстыруға есептер	1	
7	Схемалар және кесиелер көмегімен шешілетін есептер	1	
8	Графтар көмегімен шығарылатын есептер	1	
9	Мүмкін нұскаларды іріктеуге есептер	1	
10	Мүмкін құсқалар ағашы	1	
11	Әртүрлі логикалық есептер	1	
<b>II</b>	<b>Комбинаториканың негізгі ұғымдары</b>	<b>6 сағ</b>	
12	Комбинаторика пәні. Қайталанатын және қайталанбайтын таңдаулар..	1	
13	Комбинацияны құрайтын типтер	1	
14	«Бұтақтар» әдісі.	1	
15	«Бұтақтар көмегімен вариантарды есептеу	1	
16	Қысқа жолды табу	1	
17	Бақылау жұмысы	1	
<b>III</b>	<b>Комбинаторика ережелері</b>	<b>5 сағ</b>	
18	Комбинаторика ережелері және оларды вариантарды есептеуде тіkelей колдану	1	
19	Кесте құры	1	
20	Көбейту ережесі	1	
21	Факториал	1	
22	Факториалы бар тәндеулер	1	
<b>IV</b>	<b>Орналастыру мен алмастырулар</b>	<b>4 сағ</b>	
23	Қайталанбайтын орналастырулар	1	
24	Қайталанбалы орналастырулар	1	
25	Қайталанбайтын алмастырулар	1	
26	Қайтанбалы алмастырулар	1	
<b>V</b>	<b>Терулер</b>	<b>8 сағ</b>	
27	Қайталанбайтын терулер.	1	
28	Ньютон биномы және оның қасиеттері	1	
29	Статистикалық бақылау	1	
30	Қайталанбалы теру	1	
31	Есептер шығару	1	
32	Аралас есептер	1	
33	Бақылау жұмысы	1	
34	Қорытынды сабак	1	



## **Бағдарламаның мазмұны**

11 класс

### **I бөлім «Ықтималдықтар теориясының негізгі ұғымдары» 9 сағат**

- Ықтималдық нені оқытады? Тәжірибе және оқиға
- Табысқа жету мүмкіншілігі. Ықтималдықтар шкаласы
- Ықтималдықтың классикалық анықтамасы
- Ықтималдықтың статистикалық анықтамасы
- Ықтималдықты есептеуде комбинаторика формулаларын колдану
- Геометриялық ықтималдық

### **II бөлім «Ықтималдықтың негізгі теоремалары» 8 сағат**

- Үйлесімді және үйлесімсіз оқигалардың ықтималдықтарын қосу теоремалары
- Тәуелсіз оқигалар үшін көбейту теоремасы
- Тәуелді оқигалар үшін көбейту теоремасы
- Қосу мен көбейту теоремаларын колдануға арналған аралас есептер
- Бакылау жұмысы
- Толық ықтималдық теориясы. Байес формуласы
- Ең болмаганды бір оқиганың пайда болу ықтималдығы

### **III бөлім «Тәжірибелің қайталануы. Кездейсоқ шама» 7 сағат**

- Бернулли схемасы. Тәжірибелі қайталау
- Дискреттік кездейсоқ шама. Улестіру заны
- Кездейсоқ шаманың сандық сипаттамасы
- Улестірудің биномдық заны
- Улестірудің гипергеометриялық заны
- Кездейсоқ шамалардағы сыйықтық операциялар

### **IV бөлім «Статистика элементтері» 10 сағат**

- Статистика. Статистика пәні. Статистиканың міндеттері.
- Дискреттік вариациялық қатар. Полигон
- Үзіліссіз вариациялық қатар. Гистограмма
- Арифметикалық орта. Дисперсия. Квадраттық ауытқуы
- Экономикалық мазмұндағы есептерге комбинаторика мен ықтималдықты қолдану
- Бакылау жұмысы
- Корытынды сабак



**Бағдарламаның мазмұны**  
**11 класс**

№	Тақырыптары	Сағат саны	мерзімі
<b>VI</b>	<b>Ықтималдықтар теориясының негізгі үгымдары</b>	<b>9 сағ</b>	
1	Ықтималдық нені оқытады? Тәжірибе және оқиға	1	
2	Табысқа жету мүмкіншілігі.	1	
3	Ықтималдықтар шкаласы	1	
4	Оқиғага колданылатын амалдар	1	
5	Ықтималдықтың классикалық анықтамасы	1	
6	Ықтималдықтың статистикалық анықтамасы	1	
7	Есептер шығару	1	
8	Ықтималдықты есептеуде комбинаторика формулаларын қолдану	1	
9	Геометриялық ықтималдық	1	
<b>VII</b>	<b>Ықтималдықтың негізгі теоремалары</b>	<b>8 сағ</b>	
10	Үйлесімді және үйлесімсіз оқигалардың ықтималдықтарын қосу теоремалары	1	
11	Тәуелсіз оқигалар үшін көбейту теоремасы	1	
12	Тәуелді оқигалар үшін көбейту теоремасы	1	
13	Косу мен көбейту теоремаларын қолдануға арналған аралас есептер	1	
14	Бақылау жұмысы	1	
15	Толық ықтималдық теориясы.	1	
16	Байес формуласы	1	
17	Ең болмаганда бір оқиганың пайда болу ықтималдығы	1	
<b>VIII</b>	<b>Тәжірибелің қайталануы. Кездейсоқ шама</b>	<b>7 сағ</b>	
18	Бернулли схемасы. Тәжірибелі қайталау	1	
19	Дискреттік кездейсоқ шама.	1	
20	Үлестіру заңы	1	
21	Кездейсоқ шаманың сандық сипаттамасы	1	
22	Үлестірудің биномдық заңы	1	
23	Үлестірудің гипергеометриялық заңы	1	
24	Кездейсоқ шамалардағы сызықтық операциялар	1	
<b>IX</b>	<b>Статистика элементтері</b>	<b>10 сағ</b>	
25	Статистика. Статистика пәні. Статистиканың міндеттері.	1	
26	Дискреттік вариациялық қатар. Полигон	1	
27	Үзіліссіз вариациялық қатар.	1	
28	Гистограмма	1	
29	Арифметикалық орта. Медиана.	1	
30	Мода. Өзгеріс аукымы	1	
31	Дисперсия. Квадраттық ауытқуы	1	
32	Экономикалық мазмұндағы есептерге комбинаторика мен ықтималдықты қолдану	1	
33	Бақылау жұмысы	1	
34	Корытынды сабак	1	



**Пайдаланылған әдебиеттер:**

**Негізгі әдебиеттер:**

1. Жанасбаева Ұ. Б. Комбинаторика және ықтималдықтар теориясы ,Алматы 2023жыл.
2. Іқтималдықтар теориясы және математикалық статистика. / С.А. Нұрпейісов, О.С. Сатыбалдиев, М. Өтепбергенұлы. Алматы: Экономика. 2005 ж
3. Жанасбаева Ұ. Б., Жанасбаева Ж.Б. Логикалық есептер. Алматы, 2015 ж.

**Косымша әдебиеттер:**

- 1 .Алгебра. Жалпы білім беретін мектептің 9 сыныбына арналған оқулық 1-2 бөлім / А.Е. Әбілқасымова және т.б. Алматы: мектеп, 2019 ж.
- 2 Алгебра. Жалпы білім беретін мектептің жаратылыстану-математика бағытындағы 10 сыныбына арналған оқулық 1-2 бөлім / А.Е. Әбілқасымова және т.б. Алматы: мектеп, 2019 ж.
- 3 Комбинаторика, элементы теории вероятностей. / Г. Нурсултанова. Семей: 2004ж
- 4 Школьнику о теории вероятностей. /В. Лютикас. Москва: Просвещение 1983ж
- 5 Алгебра. Учебное пособие для учащихся с углубленным изучением математики. Под редакцией Н. Я. Виленкина М: Просвещение, 2001 г
- 6 Н. Я. Виленкин Комбинаторика. М: Наука, 1969 г

